

УДК 519.6

Математическое моделирование и расчет потребительской корзины

А.И.Прангишвили, Л.Т.Обгадзе, Н.З.Тушишвили

Грузинский технический университет, ул. М. Костава, 77, 0175, Тбилиси, Грузия

Аннотация:

В работе на основе линейного программирования строится математическая модель для вычисления потребительской корзины. Далее, вычисляется прожиточный минимум с использованием данных об экономическом развитии Грузии.

Ключевые слова: функция потребления, функция акселерации, интегро-дифференциальное уравнение экономической динамики

Прожиточный минимум – это наименьшее количество денежных или иных средств, которые позволяют человеку жить без вреда своему здоровью, а также позволяют развиваться без ущерба для интеллектуальных способностей, это социально – экономическая категория, характеризующая минимум жизненных средств, физически необходимое для поддержания жизнедеятельности индивида и восстановления его рабочей силы.

Наша цель, установить потребительскую корзину в Грузии. Для этого, нам нужно провести статистический опрос или использовать, данные о продажах продуктов питания и установить: какими продуктами питания чаще всего пользуется население, а также, определить содержание в них белков, жиров, углеводов и калорий, для здорового образа жизни. В период усиленного роста и созревания организма, важно, поглощать в нужных количествах белки, жиры, углеводы, минеральные вещества и витамины. Все перечисленное, так или иначе, присутствует в пищевых продуктах - в одних, чуть больше, в других чуть меньше. Не делая из еды культа, надо извлекать из нее максимум пользы. Ибо, как гласит народная мудрость, все болезни происходят оттого, что мы либо что-то съели, либо, наоборот, чего-то не съели.

Задача о прожиточном минимуме, является задачей линейного программирования. Прожиточный минимум включает в себе, также, расходы за коммунальные услуги, за одежду, за обувь, за средства коммуникаций, за транспорт, за образование, за медикаменты и лечение.

Мы будем заниматься моделированием потребительской корзины, т.е. будем рассчитывать, лишь минимум тех расходов, которые необходимы для обеспечения физического существования индивида.

Рассмотрим эту задачу и построим соответствующую математическую модель. Предоставленная нам информация, дает возможность утверждать, что чаще всего в Грузии используются следующие продукты питания: хлеб, макароны, сахар, говядина, сливочное масло.

Известно, что для жизнеобеспечения, человек должен получать жиры, белки и углеводы. Санитарные нормы нужны для жизнеобеспечения, смотрите в таблице 1. (суточные нормы).

Санитарные нормы**(Суточные нормы и содержание необходимых веществ, в продуктах питания)**

Таблица 1.

| продукты | Вода % | Калорийность (Кал) | Белки (грамм) | Жиры (грамм) | Углеводы (грамм) |
|--------------------------------|--------|-----------------------|------------------|-----------------|---------------------|
| Хлеб (Х1) (1 батон 500г) | 36% | 1225 | 39 | 15 | 229 |

| | | | | | |
|--|-----------------------|-------------------|------------------|-------------------|--------------------|
| Макароны (X2) (500 г) | 64 | 190 | 6 | 1 | 39 |
| Слив. Масло (X3) (100 г) | 16 | 100 | /-----/ | 11 | /-----/ |
| Сахар (X4) (1 чашка) | /-----/ | 770 | /-----/ | /-----/ | 199 |
| Говядина (X5) 100 г | 55 | 310 | 19 | 25 | /-----/ |
| Санитарные нормы для человека в сутки. | 1750-2200 мл. (b1) | 3000 кал. (b2) | 70-90 г. (b3) | 80-100 г. (b4) | 400-500 г. (b5) |

Эти нормы необходимы для сохранения жизнедеятельности человека. На этом этапе расчетов, мы не учитываем необходимые расходы за коммунальные услуги, за одежду, за обувь, за транспорт, за мыло и зубную пасту, за бритву для бритья и т.д. (эти данные легко добавить к полученной сумме потребительской корзины, чтобы получить объем прожиточного минимума).

Приступаем к рассмотрению математической модели данной задачи на основе программы MathCAD.

Математическая модель (программа на основе MathCAD):

Целевая функция расходов на потребительскую корзину

$$F(X_1, X_2, X_3, X_4, X_5) := 0.16 X_1 + 3.6 X_2 + 0.2 X_3 + 0.8 X_4 + 3.5 X_5$$

$$X_1 := 1$$

$$X_2 := 1$$

$$X_3 := 1$$

$$X_4 := 1$$

$$X_5 := 1$$

Given

$$X_1 \geq 0$$

$$X_2 \geq 0$$

$$X_3 \geq 0$$

$$X_4 \geq 0$$

$$X_5 \geq 0$$

$$79.3 \cdot X_1 + 13 \cdot X_2 + 159.2 \cdot X_4 \geq 400$$

$$5 \cdot X_1 + 3 \cdot X_2 + 22 \cdot X_3 + 125 \cdot X_5 \geq 80$$

$$13 \cdot X_1 + 18 \cdot X_2 + 95 \cdot X_5 \geq 70$$

$$245 \cdot X_1 + 190 \cdot X_2 + 100 \cdot X_3 + 77 \cdot X_4 + 310 \cdot X_5 = 3000$$

$$60 \cdot X_1 + 960 \cdot X_2 + 32 \cdot X_3 + 275 \cdot X_5 \geq 1750$$

$$R_0 := \text{Minimize}(F, X1, X2, X3, X4, X5)$$

$$R = \begin{pmatrix} 10.985 \\ 1.103 \\ 0.989 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$F(R_0, R_1, R_2, R_3, R_4) = 5.928$$

Расчеты показывают, что прожиточным минимумом для одного человека, за 1-день в Тбилиси является сумма в объеме 5.928 лари, а это значит, что потребительская корзина составляет (за 30 дней) в месяц - 177.84 лари.

Для сравнения, можно взглянуть на Таблицу 2. в которой приводятся величины прожиточного минимума (в ларах), рассчитанные в Государственных структурах за предыдущие годы.

Таблица 2.

| Семья | из одного человека | из двух человек | из трех человек | из четырех человек | из пяти человек | из шести и более человек |
|-------------------|--------------------|-----------------|-----------------|--------------------|-----------------|--------------------------|
| декабрь 1999 года | 96,7 | 154,8 | 174,1 | 193,5 | 217,6 | 301,8 |
| 2000 год | | | | | | |
| январь | 103,4 | 165,5 | 186,2 | 206,9 | 232,7 | 322,7 |
| февраль | 104,0 | 166,3 | 186,1 | 207,9 | 233,9 | 324,4 |
| март | 102,2 | 163,5 | 183,9 | 204,4 | 229,9 | 318,8 |
| апрель | 103,3 | 165,3 | 186,0 | 206,6 | 232,5 | 322,4 |
| май | 100,5 | 160,8 | 180,9 | 201,1 | 226,2 | 313,6 |
| июнь | 99,0 | 158,3 | 178,1 | 197,9 | 222,7 | 308,8 |
| июль | 96,1 | 153,8 | 175,0 | 192,2 | 216,2 | 299,8 |
| август | 98,5 | 157,5 | 177,2 | 196,9 | 221,5 | 307,2 |
| сентябрь | 99,3 | 158,9 | 178,8 | 198,7 | 223,5 | 309,9 |
| октябрь | 100,4 | 160,7 | 180,8 | 200,9 | 226,0 | 313,3 |
| ноябрь | 101,7 | 162,7 | 183,1 | 203,4 | 228,8 | 317,3 |
| декабрь | 100,4 | 160,7 | 180,8 | 200,9 | 226,0 | 313,4 |

Следует отметить, что в столице Грузии, показатель прожиточного минимума выше среднего по стране на 4%. Нормативная минимальная заработная плата, то есть заработная плата, которая в соответствии со сложившейся в последний период структурой обеспечивала бы, наряду с другими доходами, бездефицитность бюджета семьи из четырех человек на уровне прожиточного минимума, составила в расчете на одного работающего 43,5 лари (декабрь 2000 года). Минимальная зарплата (20 лари) достигала 43,9% нормативной заработной платы. Анализируя данный вопрос, представляется целесообразным представить статистические данные о потреблении основных продуктов питания на душу населения в год за 1997-1999 годы. Для сравнения в таблице приведены данные за 1985 год и предполагаемые параметры на 2005 год (в килограммах).

| № | Вид продукции питания | 1985 | 1997 | 1998 | 1999 | 2005 |
|---|--|------------------------|------------------------|------------------------|------------------------|----------------------------------|
| | | реальный показатель | реальный показатель | реальный показатель | реальный показатель | предполага емый показатель |
| 1 | Хлебопродукты, всего (в перерасчете на муку) | 190 | 154,2 | 151,4 | 141,1 | 126 |
| 2 | Овощи и бахчевые, всего | 87 | 93,4 | 58,8 | 55,2 | 141 |
| 3 | Фрукты, всего | 67 | 60,2 | 57,8 | 43,5 | 92 |
| 4 | Сахар, всего (включая кондитерские изделия и фруктовые консервы) | 43,5 | 23,6 | 25,0 | 24,8 | 34,5 |
| 5 | Мясо и мясные консервы, всего | 47 | 15,6 | 20,8 | 19,8 | 75 |
| 6 | Рыба и рыбная продукция, всего | 9,1 | 1,4 | 1,8 | - | 12,8 |

Таким образом, потребительская корзина – т. е. цена минимального набора продуктов питания, непродовольственных товаров и услуг, необходимых для сохранения здоровья человека и обеспечения его жизнедеятельности за 2005 год в Грузии, составляет 177.84 лари в месяц;

Прожиточный минимум - стоимостная оценка потребительской корзины, а также обязательные платежи и сборы составляют $177.84 + 0.4(\text{за мусор}) + 10(\text{за электроэнергию}) + 8(\text{за газ}) + 30(\text{за транспорт}) + 5(\text{за мыло, зубную пасту и бритву}) = 231.24$ лари;

Литература:

1. <http://www.mercana.ru/lenta/2004/12/17/29/32861.html> 2
2. <http://solway.kiev.ua/catalogua/?id=18>
3. <http://steelfactor.ru/photos/dif>
4. <http://www.sportresttravel.ru>
5. <http://www.oscen.ru/press/gosdoklad/>
6. <http://www.codecs.ru>
7. http://www.businesspravo.ru/Docum/DocumShow_DocumID_22095.html
8. <http://90-60-90.rodim.ru/index.php?s=c26ad80ec77315b15eb6258b5829f557&showtopic=2534&st=180>
9. http://www.ampoc.ru/ampoc/pro3_3.htm
10. <http://detlit.com.ru/book/book-1514913.html>
11. <http://ees.net.ru/>
12. <http://gov.karelia.ru/Karelia/552/31.html>
13. http://www.government.ru/data/structdoc.html?he_id=102&do_id=1725
14. <http://pravo.kulichki.ru/zak/megd/meg00868.htm>
15. <http://sea-salt.narod.ru/health.html>
16. <http://www.sportresttravel.ru/nutrition.htm>
17. http://www.sportresttravel.ru/nutrition_2.htm
18. http://www.sportresttravel.ru/nutrition_3.htm
19. <http://uozp.akcentplus.ru/korzina.htm>
20. <http://www.zaki.ru/pages.php?ref=ru/11doc1401.txt&id=11126>
21. <http://www.kodeks.ru/manage/printdoc?tid=&nd=901726190&nh=0&ssect=8>

Статья получена: 2005-12-19